

cuando $F(x, y, z) = M\mathbf{i} + N\mathbf{j} + P\mathbf{k}$
 si $\text{rot } F(x, y, z) = 0 \rightarrow F(\dots)$ es conservativo
 $\rightarrow dp/dy = dn/dz, dp/dx = dm/dz, dn/dx = dm/dy$
 si $\text{rot } F(x, y, z) \neq 0 \rightarrow F(\dots)$ no es conservativo
 $\rightarrow dp/dy \neq dn/dz, dp/dx \neq dm/dz, dn/dx \neq dm/dy$
 #Integral de Línea
 $\int (f(x, y, z) \cdot ds, C) = \int (f(x(t), y(t), z(t)) \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2 + z'(t)^2} \cdot dt, a, b)$
 $ds = \text{Abs}(r'(t)) = \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2 + z'(t)^2} \cdot dt$
 y saber que $\int (f(x, y) \cdot ds, C) = - \int (f(x, y) \cdot ds, -C)$
 #En campos de Fuerzas
 $W = \int (F \cdot dr, C)$ como $dr = r'(t) \cdot dt$
 y $F = M\mathbf{i} + N\mathbf{j}, W = \int ((M\mathbf{i} + N\mathbf{j}) \cdot (x'(t)\mathbf{i} + y'(t)\mathbf{j})) \cdot dt$
 si $r'(t) = (x'(t)\mathbf{i} + y'(t)\mathbf{j})$
 $\rightarrow W = \int (M \cdot dx + N \cdot dy)$
 #Independencia del camino
 Si $r(t) = x(t)\mathbf{i} + y(t)\mathbf{j}, t \in [a, b]$
 y $F(x, y) = M\mathbf{i} + N\mathbf{j}$ y es conservativa
 $\int (F \cdot dr, C) = \int (GF \cdot dr) = f(x(b), y(b)) - f(x(a), y(a))$
 donde f es función potencial de $F \rightarrow F(x, y) = \nabla f(x, y)$
 #Teorema Green
 $\int (F \cdot dr, C) = \int (M \cdot dx + N \cdot dy) = \int ((dn/dx - dm/dy) \cdot da, R) = \int ((\text{rot } F) \cdot k \cdot da, R)$
 #Divergencia
 $\text{div } F(x, y, z) = G \cdot F(x, y, z) = dm/dx + dn/dy + dp/dz$
 $\int (F \cdot N \cdot ds, C) = \int ((dm/dx + dn/dy) \cdot da, R) = \int ((\text{div } F) \cdot da, R)$
 $\int ((F \cdot N \cdot ds, S) = \int ((\text{div } F) \cdot dv, Q)$
 #Stokes
 $\int (F \cdot dr, C) = \int ((\text{rot } F) \cdot N \cdot ds, S)$